

**Prova in itinere del 7 novembre 2013**

Cognome e Nome dello studente: \_\_\_\_\_

*Dato un intero  $a$  ed un intero positivo  $m$  primi tra loro, si definisce ordine moltiplicativo di  $a$  modulo  $m$  il più piccolo intero  $\lambda$  tale per cui  $a^\lambda - 1 = 0 \pmod{m}$ . La funzione  $\lambda(a, m)$  svolge un ruolo importante nella teoria dei numeri e nella costruzione di sequenze pseudo-casuali. Un algoritmo per il calcolo di  $\lambda(2, m)$ , con  $m$  dispari, è il seguente:*

- 0. Poni  $\lambda = 0$ ,  $k = 1$ .*
- 1. Poni  $k \leftarrow (2 \times k)$ .*
- 2. Se  $k > m$  allora poni  $k \leftarrow (k - m)$ .*
- 3. Incrementa  $\lambda$ . Se  $k = 1$  stop, altrimenti vai al punto 1.*

Progettare (parte operativa e parte di controllo) una macchina sequenziale che calcoli  $\lambda(2, m)$  con  $m$  dispari minore di 256.

- ♥ Disegnare la parte operativa della macchina;
- ◇ Disegnare il diagramma degli stati della parte di controllo;
- ‡ Disegnare lo schema a blocchi completo delle due parti del sistema e delle loro connessioni, evidenziando i clock ed i segnali di condizione e controllo.
- ♠ Indicare l'andamento temporale di ingressi, stati e uscite del controllo nel caso  $m = 19$ ;
- ♣ Realizzare l'hardware della parte di controllo facendo uso di registro di stato e multiplexer.